管網配管レイアウトを考慮できるパイプクーリング解析手法の構築

名城大学大学院			〇池村	穣
名城大学	正会員	博(エ)	石川	靖晃

Abstract : In this study, a new thermal analysis method which can be applicable to the bifurcated pipe layout problem is presented in order to achieve a more rational pipe-cooling design for concrete structures. The conventional analytical method had the restriction that pipe layout is one way. In this study, flow calculation technique in the pipe network is introduced into the conventional analysis to vanish the restriction. In addition, some pipe-cooling thermal analyses are carried and the validity of the proposed analysis method is numerically discussed.

Key words : Pipe cooling ,Bifurcated pipe layout , thermal analysis

1. はじめに

パイプクーリングは、コンクリート打込み時に発生する水和熱を抑制する有効な手段の一つである。 パイプクーリングの効果は、パイプレイアウトやパイプ径、冷却水の温度、通水量などによって変化 するため複雑である。そのためパイプクーリングの効果を定量的に判断するためにはパイプクーリン グを的確に反映させた温度解析を行う必要がある。

パイプクーリングを考慮した温度解析理論は田辺ら¹⁾によって確立され、そのFEM解析手法は溝渕ら ²⁾によって開発された。一方で、上記の解析手法にはいくつかの問題点があり、パイプを配置する際に パイプレイアウトはコンクリート要素を構成する辺に沿って配置する制約や、パイプレイアウトは一 本続きである制約が存在した。パイプレイアウトをコンクリート要素の稜線に配置する制約は、著者 ら³⁾によって解消されており、前報にて既に報告されている。しかしながら、パイプレイアウトが一本 続きである制約は依然残っている。本研究では、溝渕らによって構築された手法を基にパイプレイア ウトが一本続きである制約を解消し、パイプの分岐を考慮したパイプクーリング解析手法の構築を目 的とした。そして、本手法を用いて簡単なモデルでの解析を行い、一本続きと分岐したパイプレイア

2. パイプクーリングを考慮したコンクリートの熱移動理論

本論で用いる熱移動理論は、田辺¹⁾、溝渕²⁾らによって確立されている。本節ではその概要を述べる。 図-1のようなコンクリート内部にパイプが埋め込まれた体積領域 Ω について考察する。コンクリートの表面と外気は境界 S_1 を介して接しており、コンクリートとパイプ壁面は境界 S_2 を介して接していると想定する。この時のコンクリート体積領域内における非定常熱伝導方程式は以下の式となる。

$$k\left(\frac{\partial^2 T_c}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 T_c}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 T_c}{\partial z^2}\right) + Q(t) = \rho_c c_c \frac{\partial T_c}{\partial t}$$
(1)



図-1 パイプが埋め込まれたコンクリート 体積領域と熱伝達境界

ここで、kは熱伝達率、 T_c はコンクリートの温度、Q(t)はコンクリート内部の発熱率、 ρ_c はコンクリ

ートの密度, *c_cはコンクリートの比熱, t*は時間である。 コンクリート表面と外気が接する対流境界は,次式で表わされる。

リートの表面熱伝達率,T_aは外気温である。

パイプ壁面における境界条件は,パイプ内の水とコンクリートが接している境界面で熱伝達が行われると仮定すると次式で表現される。

$$k\frac{\partial T_c}{\partial x}n_x + k\frac{\partial T_c}{\partial y}n_y + k\frac{\partial T_c}{\partial z}n_z + \alpha_w(T_w - T_a) = 0$$
(3)

ここで、 α_w はパイプ壁面での熱伝達係数、 T_w はパイプ内の水温である。

また図-2のようなパイプの微小区間における 熱収支について考える。田辺らは、パイプ壁面 から流入する熱変化量、パイプ区間内の熱変化 量、時間変化に伴う熱変化量を考慮することで、 熱収支の釣り合いよりパイプ内水温の支配方程 式を次式の通りに得ることができる。

 $\mathbf{a}\mathbf{T}$

2 ...



図-2 パイプ内水温の熱収支

$$\begin{split} \rho_w c_w u \frac{\partial I_w}{\partial \ell} + \frac{2 \alpha_w}{r} (T_w - T_c) + \rho_w c_w \frac{\partial I_w}{\partial t} &= 0 \quad (4) \\ \text{ここで} \rho_w は水の密度, \ c_w は水の比熱, \ u はパイプ内流速, \ r はパイプ径, \ T_c はパイプ壁面温度である。 \end{split}$$

式(1)~式(3)にGalerkin法を適用し、コンクリートの節点温度 $\{T_c\}$ およびパイプ内節点水温 $\{T_w\}$ を用いてマトリクス表示すると次式となる。

$$[K_c] \overline{\{T_c\}} - [K_{cw}] \overline{\{T_w\}} + [C] \frac{\partial \overline{\{T_c\}}}{\partial t} = \{F_c\}$$

$$(5)$$

同様に式(4)に対してGalerkin法を適用すると次式が得られる。

 \mathbf{T}

$$\begin{bmatrix} K_{w} \end{bmatrix} \left[\overline{T_{w}} \right] - \begin{bmatrix} K_{wc} \end{bmatrix} \left[\overline{T_{c}} \right] + \begin{bmatrix} W \end{bmatrix} \frac{\partial \left[\overline{T_{w}} \right]}{\partial t} = 0$$
ここで、式(5)における $\begin{bmatrix} K_{c} \end{bmatrix}$ は次式となる。
$$(6)$$

$$\begin{bmatrix} K_c \end{bmatrix} = \int_{\Omega} \begin{bmatrix} B \end{bmatrix}^T k \begin{bmatrix} B \end{bmatrix} d\Omega + \int_{S_1} \begin{bmatrix} N_c \end{bmatrix}^T \alpha_c \begin{bmatrix} N_c \end{bmatrix} dS_1 + \int_{S_2} \begin{bmatrix} N_c \end{bmatrix}^T \alpha_w \begin{bmatrix} N_c \end{bmatrix} dS_2$$
(7)

また, [C]および $[F_c]$ はパイプクーリングを考慮しない通常の熱伝導方程式に係わるマトリクスであり, $[K_{cw}]$, $[K_{wc}]$, $[K_w]$, [W]はパイプクーリング効果を考慮することによって生成されたマトリクスである。ここまでの詳細については文献²⁾を参照にされたい。式(5), (6)を連成させると次式が得られる。

$$\begin{bmatrix} K_c & -K_{cw} \\ -K_{wc} & K_w \end{bmatrix} \left\{ \frac{\overline{T_c}}{T_w} \right\} + \begin{bmatrix} C & 0 \\ 0 & W \end{bmatrix} \frac{\partial}{\partial t} \left\{ \frac{\overline{T_c}}{T_w} \right\} = \left\{ \frac{F_c}{0} \right\}$$
(8)

式(8)を時間差分化することにより、パイプクーリング効果を考慮した温度解析が可能となる。式(7)は それぞれコンクリートの熱伝導に関する項とコンクリート表面の対流境界に関する項、コンクリート とパイプ間の対流境界に関する項の3つから構成される。そこで式(7)を式(9)、(10)のように分解する。

$$[K_{c1}] = \int_{\Omega} [B]^T k[B] d\Omega + \int_{S_1} [N_c]^T \alpha_c [N_c] dS_1$$

 $[K_{c2}] = \int [N_c]^T \alpha_w [N_c] dS_2 \tag{10}$

ここで、[*K*_{c1}]は通常の熱伝導方程式に係わる項であり、コンクリート要素のみの情報から計算される。 [*K*_{c2}]は残りの項である。このことから式(8)はコンクリート要素のみで成立する通常の熱伝導について の支配方程式(式(11))とパイプ要素およびパイプ要素が埋め込まれたコンクリート要素で成立する式 (12)と2つに分解することができる。

$$\begin{bmatrix} K_{c1} & 0\\ 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \overline{T}_c\\ \overline{T}_w \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} C & 0\\ 0 & 0 \end{bmatrix} \frac{d}{dt} \begin{bmatrix} \overline{T}_c\\ \overline{T}_w \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} F_c\\ 0 \end{bmatrix}$$
(11)

$$\begin{bmatrix} K_{c2} & -K_{cw} \\ -K_{wc} & K_{w} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \overline{T}_{c} \\ \overline{T}_{w} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & W \end{bmatrix} \frac{d}{dt} \begin{bmatrix} \overline{T}_{c} \\ \overline{T}_{w} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$
(12)

言い換えれば,通常のコンクリートの温度解析プログラムに式(12)を単に重ね合わせることにより,パ イプクーリングの効果を考慮することができる。

3. 従来の解析手法の制約とその改善

式(10)中にはパイプ要素に沿った数値積分が存在するが、その場合、対応するコンクリート要素の ガウス点を明確にする必要がある。コンクリート要素の稜線上にパイプ要素が存在する場合、図-3(左)のように対応するガウス点は容易に求まるが、パイプ要素が稜線上に無い場合、図-3(右)のよう に対応するガウス点は容易には求めることができない。そこで著者らは、これらのガウス点を数値的 に求める手法を構築することで自由にパイプレイアウトが可能な数値解析手法を構築した。詳細につ いては、文献³⁾を参考にされたい。

4. 分岐したパイプ内流量の計算手法

前述の手法により任意のパイプレイアウトによるパイプクーリング温度解析が可能となったが、パ イプレイアウトが一本続きである制約は未だ残っている。パイプレイアウトが一本続きの場合、流速 は容易に求めることができる。一方、パイプが管網を構成している場合、各パイプ毎に流速が異なる ので、何らかの手法で各パイプ要素の流速を求める必要がある。式(4)における*u*はパイプ内流速であ るため、各パイプの流速を求める必要がある。管網を構成しているパイプ内流速を求める代表的な手 法は、主にハーディ・クロス法や節点水頭法である。ハーディ・クロス法は閉管路の流量計算しか行 うことができないため、本研究では節点水頭法を用いて各パイプ内流速を求めることを試みた。

節点水頭法の基礎方程式は、各管路の流量を節点エネルギ位で表わす流量式と各節点に接続する管

$$\xi_{g} = 0$$

$$\eta_{g} = -1/\sqrt{3}$$

$$\zeta_{g} = 1$$

$$\zeta_{g} = 2$$

稜線上にある従来の方法

任意のパイプレイアウト

図-3 ガウス点に対応する局所座標の算出

路の流量が満たすべき節点方程式によって構成されており、次式で表わされる。なお、摩擦以外の折 れ曲がり部と急縮部、急拡部の損失などは簡単のため無視した。すなわち、同一パイプ内の流速は一 定と仮定した。

$$Q_{ij} = R_{ij} |E_i - E_j|^{a-1} (E_i - E_j)$$
(13)
$$\sum_j Q_{ij} + p_i = 0$$
(14)

ここで,i,jは節点番号, Q_{ij} はパイプ要素ij間の流量, E_i は節点iにおけるエネルギ位, p_i は節点iにおける流 出量であり,Rとaはパイプ内の損失に関するパラメー タである。これらのパラメータを決定する際,種々の方 法があるが次式のヘーゼン・ウィリアムス式を用いる場 合は次式となる。

$$R = 0.27853 C_{\rm H} D^{2.63} L^{-0.54}, \quad a = 0.54 \tag{15}$$

ここで、 C_H はヘーゼン・ウィリアムス式の流速係数、 Dは管径、Lは管路長である.式(13)を式(14)に代入し整 理すると次式となる。

$$E_{i}\sum_{j} s_{ij} - \sum_{j} s_{ij}E_{j} = -p_{i}$$
(16)
ここで、 s_{ij} は次式で与えられる。

$$s_{ij} = R_{ij} \left| e_i - e_j \right|^{a-1} \tag{17}$$



表-1 管網解析結果(パイプのみ)

	流量(m ³ /s) (筋占水頭法)	流量(m ³ /s) (ハーディ・クロス法)
パイプAB	4.95 × 10 ⁻²	4.95×10^{-2}
パイプAC	3.25 × 10 ^{−2}	3.25 × 10 ^{−2}
パイプBC	4.23×10^{-3}	4.23×10^{-3}
パイプBD	3.13×10^{-2}	3.13×10^{-2}
パイプCD	2.97×10^{-2}	2.97×10^{-2}

この時、 e_i は節点*i*におけるエネルギ位の仮定値である。式(16)は管路に存在する節点数から既知エネルギ位の節点数を引いた数だけ存在する。式(17)中の e_i 、 e_j を仮定し、式(16)を用いて E_i 、 E_j を解く。求めた E_i 、 E_j を e_i 、 e_j とし、繰り返し計算を行うことで、エネルギ位 E_i 、 E_j を求めることができる。そして得られた E_i 、 E_j を式(13)に代入し計算することでパイプ内流量を求めることができる。詳細については文献⁴⁾を参考にされたい。ここで求められた流量を流速に変換し、式(4)に反映させることにより分岐を考慮したパイプレイアウトに対するパイプクーリング解析が可能となる。本研究では、著者らが既に開発したパイプクーリング温度解析プログラムとは別に管網解析プログラムを作成し、両方のプログラムを併せることにより分岐を考慮したパイプクーリング温度解析プログラムを改良した。

5. 数值解析例

まず,流量計算に採用した節点水頭法の数値的確認を得るために,管網のみを考えその流量の数値 計算を行った。数値計算を行う対象は文献⁵⁾を参考にした。パイプレイアウトおよび管路長L,管径D を図-4に示す。節点Aより0.082m³/secで注水し,節点B,C,Dよりそれぞれ0.014 m³/sec, 0.007 m³/sec, 0.061 m³/secで排水されているとして計算を行った。ヘーゼン・ウィリアムス式の流速係数*C_H*は100と した計算結果を**表-1**に示す。またハーディ・クロス法による計算結果を併記した。両者の手法によっ て得られた結果は,同様な値であることが確認された。

次に分岐したパイプレイアウトに対するパイプクーリング解析を行った。解析モデルを図-5に示す。 解析モデルは、2000mm×2000mm×750mmとし、コンクリートの表面は断熱境界、打設後3日目より 4.5×10⁴ m³/secで通水を開始することを想定した。解析に使用したパイプ物性値および計算されたパイ

〔論文〕

プ内流量を表-2に示す。ヘーゼン・ウィリアムス式の流速 係数*C_H*は120とした。解析に用いた熱特性値を表-3に示す。 パイプ毎の熱伝達率は、管網解析にて得られた流速を用い て溝渕ら²⁾の研究を基に次式から求めた。

h=-0.06u²+14.5u-198 (kcal/m²hr℃) (18) ここで, uは流速とする.詳細は溝渕らの研究²⁾を参考にさ れたい。図-6にコンクリート温度分布の経時変化,図-7に 節点a,bにおける温度履歴を示す。図-6よりパイプレイア ウトに沿ってクーリングの影響が見られ,節点a側のパイプ 近辺が大きく冷却されていることが確認できる。節点aが節 点bと比較した場合大きな差が見られ,パイプの分岐を考慮 した上でのパイプ径や流量の変化により冷却効果に変化が 見られることが確認された(図-7)。また,図-6よりパイプ 屈折部周囲の温度がそれまでの直線部周辺の温度より低く なっているが,これは2次元的なパイプ配置の影響と同一パ イプ内の流速を一定としているためと推察される。この点 については,今後検討していきたい。

次に現実的なパイプレイアウトを基にパイプクーリング 効果を多角的に数値検討を行えるかどうか試みた。図-8は, 一般的に施工されているパイプレイアウトの一部を想定し たものである。図-9は図-8のパイプレイアウトにバイパス を繋ぎ管網を構成したレイアウトを想定した。解析対象モ デルは, 4500mm×4500mm×1000mmとした。緑色部分のパ イプ径は24.5mmとし、青色部分のパイプ径は、24.5mm、 12mm, 6mmの3パターンとした。コンクリートの表面はす べて断熱境界とし、打設3日目から注水口より2.5×10-⁴m³/secで通水を開始すると想定した。先に節点水頭法を用 いて各パイプ内流量を計算を行った。管網解析を行う際に 用いた特性値は、各パイプにおけるパイプ径およびパイプ 長, ヘーゼン・ウィリアムス式の流速係数 C_{μ} は120とし, 注水口から2.5×10⁻⁴m³/secで通水し,排水口のエネルギ位は 大気圧とした。流量計算結果を表-4に示す。得られた流量 を基にパイプクーリング解析を実施した。なおパイプの熱



図-5 解析モデル

表-2 パイプ物性値と流量計算結果

区間	パイプ長(m)	パイプ径 (mm)	流量(m ³ /sec)
AB	0.5	30	4.50×10^{-4}
BC	1	40	3.88×10^{-4}
CE	1	40	3.88×10^{-4}
BD	1	20	6.23×10^{-5}
DE	1	20	6.23×10^{-5}
EF	0.5	30	4.50×10^{-4}

表-3 使用した熱特性値

終局断熱温度上昇量	46°C
速度定数	1.104
水の密度	1000kg/m ³
水の比熱	4.18kJ/kg°C
コンクリートの熱伝達率	2.7W/m ² °C
コンクリートの密度	2300kg/m ³
コンクリートの比熱	1.1kJ/kg°C



図-7 節点 a, b における温度履歴



図-6 コンクリート温度分布の経時変化

伝達率は溝渕らの研究を参考に決定し、流速が適用範囲 内より低い場合は最小の熱特性値を用いた。コンクリー トに関する熱特性値は図-5の解析モデルと同様の値を使 用した。図-10および図-11に節点A,節点Bにおける温度 履歴を示す。節点Aでは、新たにパイプを通したことで一 本続きののレイアウトより冷却効果が出ており、12mmの パイプを繋いだ時に大きく冷却されていることが確認で きる。また排水口近傍の節点Bではバイパスを繋いだこと により従来のパイプレイアウトより2~4℃ほど冷却され ていることが確認できた。以上のことから本研究で行っ た解析の範囲では、分岐を考慮したパイプクーリング温 度解析が数値解析上可能であると思われる。

6. おわりに

提案した手法を用いて,管網配管を構成したパイプレ イアウトに対するパイプクーリング解析を行った。その 結果,分岐したパイプレイアウトにおけるパイプクーリ ング解析が数値上可能であることがわかった。また任意 のパイプレイアウトが配置可能となったため,さらなる 検証を行うことでパイプクーリング効果に対する多角的 な検討が行えると思われる。今後は,実測との比較を行 い本手法がどの程度冷却効果を表現できるか検証を行い たいと考えている。

謝辞

本研究の一部は、名城大学自然災害リスク軽減研究センター(代表者:小高猛司)とJSPS 科研費 25420467 の助成 を受けて実施したものである.また、本研究を遂行する にあたり、LECOM 研究会の委員の方々から貴重なご意見 を頂いた。ここに記して謝意を表する。

参考文献

- 田辺忠顕、山川秀次、渡辺朗:パイプクーリングにおける管壁面の熱伝導率決定ならびに冷却効果の解析、 土木学会論文集,第343号、pp.171-179、1984.3
- 2) 溝渕利明,成田総一郎,都築慶剛,平戸裕之,田辺忠 顕:マスコンクリートにおけるパイプクーリングによ る熱除去効果に関する研究,土木学会論文集,No.665, V-49, pp147-163, 2000.12
- 池村穣,石川靖晃:任意のパイプレイアウトに対する パイプクーリング解析の提案,第22回プレストレス トコンクリートの発展に関するシンポジウム論文集, pp59-64,2013
- 4) 高桑哲男: 配水管網の解析と設計, 森本出版, 1979.8
- 5) 松梨順三:水理学、土木工学基礎講座,朝倉書店,1975



図-9 バイパスを繋いだレイアウト 表-4 流量計算結果

	流量(m ³ /sec)			
バイパス パイプ径	24.5mm	12mm	6mm	
管路ab	2.50×10^{-4}	2.50×10^{-4}	2.50×10^{-4}	
管路bc	1.53×10^{-4}	6.07×10^{-5}	1.35×10^{-5}	
管路cd	9.74×10^{-5}	1.89×10^{-4}	2.37×10^{-4}	
管路be	9.74×10^{-5}	1.89×10^{-4}	2.37×10^{-4}	
管路cf	5.53×10^{-5}	-1.29×10^{-4}	-2.23×10^{-4}	
管路dg	9.74×10^{-5}	1.89×10^{-4}	2.37×10^{-4}	
管路ef	9.74×10^{-5}	1.89×10^{-4}	2.37×10^{-4}	
管路fg	1.53×10^{-4}	6.07×10^{-5}	1.35×10^{-5}	
管路gh	2.50×10^{-4}	2.50×10^{-4}	2.50×10^{-4}	



図-11 節点 B における温度履歴